الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

وزارة التربية الوطنية

دررة: جوان 2010

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة : علوم تجريبية

المدة: 03 ساعات و نصف

اختبار في مادة: الرياضيات

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين

الموضوع الأول

التمرين الأول: (05 نقاط)

نعتبر في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $(O; \vec{u}, \vec{v})$ النقطتين A و B االتين لاحقتيهما على الترتيب: $z_B=3i$ و $z_A=1+i$

- z_B اكتب على الشكل الأسى: z_A و z_B .
- 2) ليكن z التشابه المباشر الذي يرفق بكل نقطة M لاحقتها z النقطة M ذات اللاحقة z حيث:

$$z' = 2iz + 6 + 3i$$

- أ) عين العناصر المميزة للتشابه المباشر ٥.
- . S بالتشابه المباشر C صورة النقطة A بالتشابه المباشر C
 - ج) استنتج طبيعة المثلث ABC.
 - $\{(A;2),(B;-2),(C;2)\}$ مرجح الجملة D مرجع الجملة (3
 - D عين z_D لاحقة النقطة
 - ب) عين مع التبرير طبيعة الرباعي ABCD.
- لتكن M نقطة من المستوي تختلف عن Bوعن D لاحقتها z ولتكن Δ مجموعة النقط Δ ذات Δ

اللاحقة z التي يكون من أجلها $\frac{z_B-z}{z_D-z}$ عندا حقيقيا موجبا تماما.

- $z_E=6+3i$ ثنتمي إلى (Δ)، نتمق أن النقطة E ثنتمي إلى (Δ).
- ب) أعط تفسير ا هندسيا لعمدة العدد المركب $\frac{z_B-z}{z_D-z}$. عين حينتذ المجموعة (Δ).

التمرين الثاني: (05 نقاط)

نعتبر في الفضاء المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ ، النقط C(-1; 2; -1)، النقط C(-1; 2; -1)

- 1) أ) بين أن النقط A، B و C ليست في استقامية.
- x + y z 2 = 0 هي: (ABC) هي: المعادلة الديكارتية للمستوي (ABC)
 - 2) نعتبر المستويين (P) و (Q) اللذين معادلتيهما على الترتيب:

(Q):
$$2x + y - z - 1 = 0$$
 $(P): x + 2y - 3z + 1 = 0$

و المستقيم (D) الذي يشمل النقطة F(0;4;3) و F(0;4;3) شعاع توجيه له.

- ا) اكتب تمثيلا وسيطيا للمستقيم (D).
- (D) مو المستقيم ((P) و (Q) هو المستقيم
 - (Q) عين تقاطع المستويات الثلاث (P)، (ABC) و (Q)

التمرين الثالث: (10 نقاط)

$$f(x)=1+\ln(2x-1)$$
 :— $I=\left[\frac{1}{2};+\infty\right]$ التكن f الدالة العددية المعرفة على المجال المجال (I

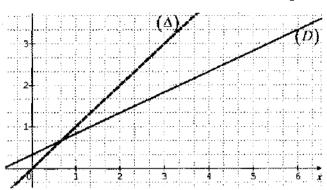
 $\cdot \left(O;\, \widetilde{i}\,, \widetilde{j}\, \right)$ وليكن $\left(C_{f}\,
ight)$ تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس وليكن

- $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ احسب (1
- 2) بين أن الدالة f منز ايدة تماما على المجال I ثم شكل جدول تغير اتها.
- (3) عين فاصلة النقطة من (C_f) التي يكون فيها المماس موازيا للمستقيم y = x

انطلاقا من (C) منحنى الدالة اللوغاريتمية النيبيرية (C) منحنى الدالة اللوغاريتمية النيبيرية (C)

- g(x)=f(x)-x بثم أرسم g(x)=f(x)-x . المجال f(x)=f(x) بين الدالة العددية g(x)=f(x)-x
 - $\lim_{x \to +\infty} g(x) = -\infty$ احسب $\lim_{x \to +\infty} g(x)$ ثم بيّن أن $\lim_{x \to +\infty} g(x)$ احسب (1)
 - 2) ادرس اتجاه تغير الدالة g على 1 ثم شكل جدول تغير اتها.
- a المحسب g(1) عم بيّن أن المعادلة g(x) = 0 تقبل في المجال g(1) = 0 عم بيّن أن المعادلة g(1) = 0 تحقق أن a < 0
 - ب) ارسم $\binom{C_g}{2}$ منحنى الدالة $\binom{g}{2}$ على المجال على المعلم السابق.
 - (d) على المجال المحدد وضعية المنحنى (C_r) بالنسبة إلى (d)
 - لرهن أنه من أجل كل عدد حقيقي x من المجال α [فإن: f(x) ينتمي إلى المجال α]1; α المجال α]1; α
 - $u_n = f\left(1 + \frac{1}{2n}\right)$ نسمي (u_n) المنتالية العددية المعرفة على \mathbb{N}^* كما يأتي:
 - $u_n = 1 + 2\ln 3 3\ln 2$ عين قيمة العدد الطبيعي n التي من أجلها يكون: 1+2ln3-3ln2 عين
 - $S_n = u_1 + u_2 + \dots + u_n$ المجموع S_n المجموع (2

الموضوع الثاني



التعرين الأول: (05 نقاط)

في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس مثلّنا المستقيمين (Δ) و (D) معادلتيهما على الترتيب:

$$y = \frac{1}{2}x + \frac{1}{3}$$
 $y = x$

لتكن المتتالية (u_n) المعرفة على مجموعة الأعداد (1

 $u_{n+1} = \frac{1}{2}u_n + \frac{1}{3}$ ، $u_{n+1} = \frac{1}{2}u_n + \frac{1}{3}$

أ - انقل الشكل ثمّ مثّل على محور الفواصل الحدود التالية: u_1 ، u_2 ، u_3 ، u_3 ، u_4 ، u_5 ، انقل الشكل ثمّ مثّل على محور الفواصل الحدود التالية: مبرز ا خطوط الرسم.

 $oldsymbol{+}$ - عين إحداثيي نقطة نقاطع المستقيمين (Δ) و (D) .

 (u_n) عط تخمينا حول اتجاه تغير المتتالية

 $u_n > \frac{2}{3}$ ، n عدد طبیعی اثبت أنّه من أجل كل عدد طبیعی (2

 (u_n) استنتج اتجاه تغير المنتالية

 $v_n = u_n - \frac{2}{3}$: المعرّفة من أجل كل عدد طبيعي n بالعلاقة (v_n) المعرّفة من أجل كل عدد المتتالية (v_n)

أ - بيّن أنّ المتتالية (v_n) هندسية يطلب تحديد أساسها وحدّها الأول.

 u_n عبارة الحد العام v_n ، واستنتج عبارة n بدلالة n

جـ - احسب بدلالة n المجموع S_n حيث: $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$ واستنتج المجموع $S_n' = u_0 + u_1 + \dots + u_n$

التمرين الثاني: (04 نقاط)

1) حل في مجموعة الأعداد المركبة $\mathbb C$ المعادلة $z^2-6z+18=0$ ، ثمّ اكتب الحلين على الشكل الأستي.

D و $C\cdot B\cdot A$ انعتبر النقط $\left(O\;;\;ec{u}\;,ec{v}
ight)$ و $\left(O\;;\;ec{u}\;,ec{v}
ight)$

 $z_D = -z_B$ و $z_C = -z_A$ ، $z_B = \overline{z_A}$ ، $z_A = 3 + 3i$ و الترتيب الترتيب

أ - بين أنّ النقط $C \cdot B \cdot A$ و D تنتمي إلى نفس الدائرة ذات المركز O مبدأ المعلم،

B الذي النقطة A الذي مركزه O ويحوّل النقطة A النقطة A

 $\cdot D$ و O ، B النقط O ، O و O في استقامية وكذلك النقط O

د - استنتج طبيعة الرباعي ABCD.

التمرين الثالث: (04 نقاط)

في الفضاء المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \overrightarrow{i}, \overrightarrow{j}, \overrightarrow{k})$ نعتبر المستوي (\mathscr{P}) الذي معادلته: x-2y+z+3=0

.
$$\begin{cases} y=0 \\ z=0 \end{cases}$$
 يعرف بالجملة عامل محور الغواصل ($O;\ \vec{i}$) ينذكّر أنّ حامل محور الغواصل

- عين إحداثيات A نقطة تقاطع حامل (O; i) مع المستوي (\mathfrak{P}) .

C(-1; -4; 2) و B(0; 0; -3) و B(0; 0; -3) و B(0; 0; -3)

أ - تحقّق أنّ النقطة B تنتمي إلى المستوي (\mathscr{D}) .

ب - احسب الطول AB .

 (\mathscr{P}) و المستوى (\mathscr{P}) .

3) أ - اكتب تمثيلا وسيطيا للمستقيم (Δ) المارّ بالنقطة C والعمودي على المستوي (\mathcal{P}) .

 Δ ب - تحقّق أنّ النقطة Δ تنتمى إلى المستقيم

ج- احسب مساحة المثلث ABC.

التمرين الرابع: (07 نقاط)

 $f(x) = x - \frac{1}{x^2 - 1}$ نعتبر الدالة العددية f المعرفة على \mathbb{R}^* كما يلي:

 $\cdot (O; ec{i}, ec{j})$ نرمز بـ لتمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس

 $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ احسب $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ و النتيجة.

2) ادرس اتجاه تغير الداللة على كل مجال من مجالي تعريفها ثم شكل جدول تغيراتها.

- 3) ا) بيّن أن المنحنى (C_f) يقبل مستقيمين مقاربين ماثليّن (Δ) و (Δ') معادلتيهما على الترتيب: v = x + 1 y = x
 - (Δ') بالنسبة إلى كل من (Δ) و (Δ)

 $\omega(C_f)$ هي مركز تناظر للمنحنى $\omega(0; \frac{1}{2})$ هي مركز المنحنى (4).

-1,4<eta<-1,3 و $\ln 2<lpha<1$ و $\ln 1$ و α حيث: 1 و α و α حيث $f\left(x\right)=0$ و $f\left(x\right)=0$ (C_r) با هل توجد مماسات لـ (C_r) توازي المستقيم

 (C_f) ارسم (Δ) ، (Δ) ثم المنحنى (Δ)

د) ناقش بیانیا حسب قیم الوسیط الحقیقی m عدد و إشارة حلول المعادلة: m-1) $e^{-x}=m$